

- **Definicja transformaty Laplace'a**

$$\mathcal{L} \{f(t)\} = \int_0^{\infty} f(t)e^{-st} dt = F(s)$$

- **Odwrotna transformata Laplace'a**

$$\mathcal{L}^{-1} \{F(s)\} = \frac{1}{j2\pi} \int_{s-j\omega}^{s+j\omega} F(s)e^{st} ds = f(t)$$

- **Metoda całkowania przez części (u i v są funkcjami zmiennej x)**

$$\int u dv = uv - \int v du$$

- **Oryginał transformaty F(s) - jest równy sumie residuów funkcji F(s)est w biegunach s₁, s₂, ..., s_n (dla stopnia n mianownika większego od stopnia m licznika), czyli**

$$f(t) = \mathcal{L}^{-1} \{F(s)\} = \mathcal{L}^{-1} \left\{ \frac{L(s)}{M(s)} \right\} = \sum_{k=1}^n \text{res}_{s=s_k} F(s)e^{st}$$

- **Residuum funkcji F(s)est w biegunie s_k o krotności i oblicza się ze wzoru**

$$\text{res}_{s=s_k} F(s)e^{st} = \lim_{s \rightarrow s_k} \left(\frac{1}{(i-1)!} \left(\frac{d^{i-1}}{ds^{i-1}} (F(s)(s-s_k)^i e^{st}) \right) \right)$$

dla jednokrotnego bieguna ze wzoru uproszczonego

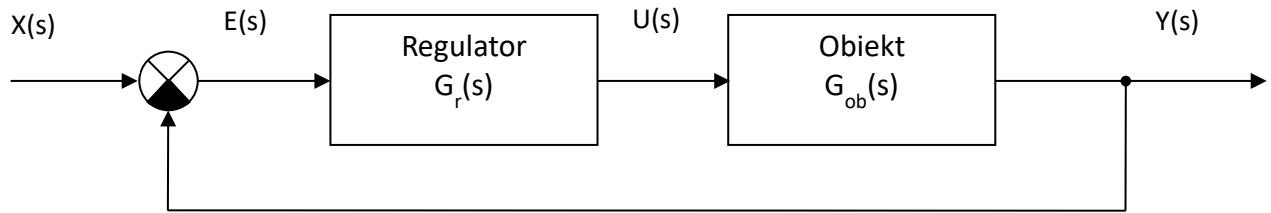
$$\text{res}_{s=s_k} F(s)e^{st} = \lim_{s \rightarrow s_k} (F(s)(s-s_k)e^{st})$$

- **Transmitancja widmowa**

$$G(j\omega) = P(\omega) + jQ(\omega)$$

$$G(j\omega) = M(\omega)e^{j\varphi(\omega)}, \text{ gdzie } M(\omega) = \sqrt{P^2(\omega) + Q^2(\omega)}, \varphi(\omega) = \arctg \frac{Q(\omega)}{P(\omega)}$$

- Układ regulacji automatycznej (URA)



$$G_o(s) = G_r(s) \cdot G_{ob}(s) \quad G_e(s) = \frac{E(s)}{X(s)} = \frac{X(s) - Y(s)}{X(s)} = 1 - G_z(s)$$

$$G_z(s) = \frac{G_o(s)}{1 + G_o(s)}$$

$$e_u = \lim_{t \rightarrow \infty} e(t) = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot E(s)] \quad y_u = \lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot Y(s)]$$

Jakość regulacji w stanie nieustalonym:

- przeregulowanie,
- czas regulacji.

Jakość regulacji w stanie ustalonym:

- uchyb ustalony.