

Ontologie Logiki deskrypcyjnej

Joanna Józefowska

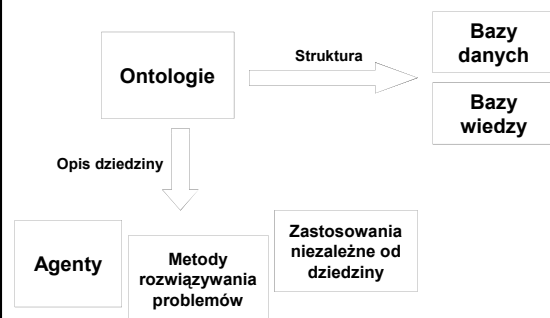
Definicja

- Ontologia jest to jawny opis pewnej dziedziny zawierający:
 - pojęcia,
 - własności i atrybuty pojęć,
 - ograniczenia własności i atrybutów,
 - instancje (nie koniecznie).
- Ontologia wprowadza:
 - jednolitą terminologię,
 - jednolitą interpretację (definicję) pojęć.

Przykłady ontologii

- Taksonomie w sieci www
 - kategorie wyszukiwarki Yahoo!
- Katalogi zakupów on-line
 - katalog produktów Amazon.com
- Standardowa terminologia specyficzna dla danej dziedziny
 - Unified Medical Language System (UMLS)
 - PKWiU – klasyfikacja wyrobów i usług

Wykorzystanie ontologii



Proces budowania ontologii



„Gotowe” ontologie

- **Biblioteki ontologii**
 - DAML ontology library (www.daml.org/ontologies)
 - Ontolingua ontology library (www.ksl.stanford.edu/software/ontolingua/)
 - Protégé ontology library (protege.stanford.edu/plugins.html)
- **Ontologie nadrzędne**
 - IEEE Standard Upper Ontology (suo.ieee.org)
 - Cyc (www.cyc.com)
- **Ontologie ogólne**
 - DMOZ (www.dmoz.org)
 - WordNet (www.cogsci.princeton.edu/~wn/)
- **Ontologie specyficzne dla dziedziny**
 - UMLS Semantic Net
 - GO (Gene Ontology) (www.geneontology.org)

Narzędzia

- Protégé-2000:
 - jest graficznym narzędziem do budowy ontologii,
 - wspiera wiele aspektów reprezentacji wiedzy,
 - jest oprogramowaniem open-source (<http://protege.stanford.edu>).
- Inne narzędzia:
 - Ontolingua i Chimaera,
 - OntoEdit,
 - OilEd.

Języki dla Semantic Web

- RDF Schema
- DAML+OIL (OWL)
- SHOE
- XOL
- XML Schema

Języki dla Semantic Web

- Języki różnią się
 - składnią
 - To nas nie dotyczy – ontologia jest reprezentacją na poziomie pojęć a nie struktur.
 - terminologią
 - klasa-pojęcie
 - instancja-obiekt
 - slot-własność
 - ekspresyjnością
 - To, co możemy wyrazić w jakimś języku, nie zawsze da się wyrazić w innym
 - semantyką
 - Te same zdania mogą oznaczać co innego w różnych językach.

RDF Schema

- Język reprezentacji wiedzy pozwalający reprezentować ontologie dane w postaci RDF
- RDF = **Resource Description Framework**
- Ogólna metoda modelowania informacji
- Opis RDF składa się z „trójek” postaci: obiekt-predykat-określenie (subject-predicate-object).
- Np. niebo-kolor-niebieski (niebo ma kolor niebieski).
- RDFS, OWL – języki operujące na modelu RDF.

Web ontology Language (OWL)

- **OWL** (ang. *Web Ontology Language*) jest językiem ze składnią opartą na XML, a semantyką opartą na tzw. logice deskrypcyjnej (ang. *description logics*).
- Stanowi on rozszerzenie RDF (ang. *Resource Description Framework*).
- Służy do reprezentacji i przetwarzania danych w sieci WWW.
- OWL umożliwia opisywanie danych w postaci ontologii i budowanie w ten sposób tzw. Semantycznego Internetu.
- Istnieją trzy odmiany języka OWL:
 - OWL Lite;
 - OWL DL (rozszerzenie OWL Lite);
 - OWL Full (rozszerzenie OWL DL).
- OWL został uznany za standard przez W3C w lutym 2004 roku.

Logiki deskrypcyjne

- Są językami reprezentacji wiedzy.
- Formalizują podstawową terminologię modelowanej dziedziny.
- Przechowują ją w ontologii/terminologii/TBox-ie dla celów wnioskowania.
- Semantyka jest definiowana przez odwzorowanie na rachunek predykatów, dzięki czemu możliwe jest wnioskowanie na podstawie tak reprezentowanej wiedzy.
- Są rozszerzeniem sieci semantycznych i ram o formalną semantykę bazującą na rachunku predykatów.

Logiki deskrypcyjne - początki

- Semantyka rachunku predykatów może być zastosowana w systemach ram (Hayes, 1979).
- Na tej podstawie można budować użyteczne systemy o łatwej do zrozumienia semantyce.
- Opracowanie języka KL-ONE (Brachman & Leveque, 1985).
- Wcześniejsze nazwy: terminological systems, concept languages.

Systemy reprezentacji wiedzy oparte na logikach deskrypcyjnych

- KL-ONE (Brachman and Schmolze, 1985).
- LOOM (1987),
- BACK (1988),
- KRIS (1991),
- CLASSIC (1991),
- FaCT (1998),
- RACER (2001),
- CEL (2005),
- KAON 2 (2005).

Logiki deskrypcyjne

Podstawową składową każdej DL jest: język pojęć (concept language)

- Nazwy pojęć – są przyporządkowane grupom obiektów
- Nazwy ról – są przyporządkowane relacjom między obiektami
- Konstruktory pojęć i nazw

Symbol języka DL (KL-ONE, OWL)

$\text{Person} \sqcap \exists \text{enrolled_at. University} \sqcap \forall \text{attends. UnderGradCourse}$

Różne zbiory konstruktorów definiują różne języki pojęć.

Języki pojęć (TBox)

Pojęcia – oznaczają *obiekty*

(predykaty jednoargumentowe, klasy)

Przykład:

Student
 $\{x \mid \text{Student}(x)\}$
 Żonaty
 $\{x \mid \text{Married}(x)\}$

Role – oznaczają *własności*

(predykaty dwuargumentowe, relacje)

Przykład:

FRIEND
 $\{\langle x; y \rangle \mid \text{FRIEND}(x; y)\}$
 LOVES
 $\{\langle x; y \rangle \mid \text{LOVES}(x; y)\}$

Podstawowa logika \mathcal{AL}

$C, D \rightarrow A \mid \top \mid \perp \mid \neg A \mid C \sqcap D \mid \forall R.C \mid \exists R.T$

Konstruktory

$\neg A$	negacja formuły atomowej
$C \sqcap D$	koniunkcja
$\forall R.C$	ograniczenie wartości (value restriction)
$\exists R.T$	ograniczenie istnienia (existencial restriction)

Podstawowa logika \mathcal{AL} Attributive language

pojęcie rola atomowa
 $C, D \rightarrow A \mid \top \mid \perp \mid \neg A \mid C \sqcap D \mid \forall R.C \mid \exists R.T$

pojęcie atomowe

pojęcie uniwersalne (top concept)

pojęcie „najniższe” (bottom concept)

$\text{pojęcie} ::= \langle \text{pojęcie atomowe} \rangle \mid$
 $\top \mid$
 $\perp \mid$
 $\neg \langle \text{pojęcie atomowe} \rangle \mid$
 $\langle \text{pojęcie} \rangle \sqcap \langle \text{pojęcie} \rangle \mid$
 $\forall \langle \text{rola atomowa} \rangle. \langle \text{pojęcie} \rangle \mid$
 $\exists \langle \text{rola atomowa} \rangle. \top$

Intuicyjna semantyka

Pojęcia reprezentują klasy, czyli zbiory obiektów.

Role reprezentują relacje między parami obiektów.

Pojęcia atomowe są nazwami elementarnych (niedefiniowanych) pojęć, a konstrukcje reprezentują obiekty złożone.

Dzięki temu można użyć kilku własności (tzn. pojęć nadrzędnych lub ograniczeń atrybutów) równocześnie w definicji pojęcia.

Semantyka - formalnie

Interpretacja $I = (\Delta^I, \bullet^I)$ składa się z:

- niepustego zbioru Δ^I (dziedziny)
- funkcji \bullet^I (funkcji interpretacji) odwzorowującej
- każde pojęcie na podzbiór Δ^I
- każdą rolę na podzbiór $\Delta^I \times \Delta^I$

Interpretacja

$$\top = \Delta^I$$

$$\perp = \emptyset$$

$$(\neg A)^I = \Delta^I \setminus A^I$$

$$(C \sqcap D)^I = C^I \cap D^I$$

$$(\forall R.C)^I = \{x \in \Delta^I \mid (\forall y. (x, y) \in R^I \rightarrow (y \in C^I))\}$$

$$(\exists R.T)^I = \{x \in \Delta^I \mid \exists y. (x, y) \in R^I\}$$

Intuicja: interpretacja jest zupełnym opisem świata.

Technicznie: interpretacja jest strukturą pierwszego rzędu zawierającą jedynie predykaty jedno- i dwuargumentowe.

Interpretacja: ograniczenie wartości

Konstruktor \forall nakłada ograniczenie na wartości atrybutu.

$$(\forall R.C)^I = \{x \in \Delta^I \mid (\forall y. (x, y) \in R^I \rightarrow (y \in C^I))\}$$

Np. $(\forall \text{Ma_Dziecko.Lekarz})$ określa zbiór obiektów, których każde dziecko jest lekarzem.

Komentarz: Jest to sposób na ograniczenie wartości szczeliny w ramie.

Interpretacja: ograniczenie istnienia

Konstruktor \exists gwarantuje, że istnieje co najmniej jedna wartość dla danej nazwy atrybutu.

$$(\exists R)^I = \{x \in \Delta^I \mid \exists y. (x, y) \in R^I\}$$

Np. $(\exists \text{Ma_Dziecko.T})$ reprezentuje obiekt: rodzic.

Komentarz: W ten sposób w ramie wprowadzamy szczelinę.

Logika FL^- Frame Language

$$C, D \rightarrow A \mid \top \mid \perp \mid \neg A \mid C \sqcap D \mid \forall R.C \mid \exists R.T$$

Logika FL_0

$$C, D \rightarrow A \mid \top \mid \perp \mid \neg A \mid C \sqcap D \mid \forall R.C \mid \exists R.T$$

Logika \mathcal{ALC}

$$C, D \rightarrow A \mid \neg C \mid C \sqcap D \mid C \sqcup D \mid \forall R.C \mid \exists R.C$$

$$(\exists R.C)^I = \{x \in \Delta^I \mid \exists y \in C (x, y) \in R\}$$

$\exists \text{Ma_Dziecko.Lekarz}$

Obiekt: rodzic, którego co najmniej jedno dziecko jest lekarzem.

Logika \mathcal{ALC}

Konstruktory

$\neg C$	negacja
$C \sqcap D$	koniunkcja
$C \sqcup D$	dysjunkcja
$\exists R.C$	ograniczenie istnienia (existential restriction)
$\forall R.C$	ograniczenie wartości (value restriction)

Skróty

$C \rightarrow D = \neg C \sqcup D$	implikacja
$C \leftrightarrow D = C \rightarrow D \sqcap D \rightarrow C$	bi-implikacja

Przykłady pojęć złożonych

$\text{Person} \sqcap \text{Female}$

$\text{Person} \sqcap \exists \text{attends.Course}$

$\text{Person} \sqcap \forall \text{attends.}(Course \rightarrow \neg \text{Easy})$

$\text{Person} \sqcap \exists \text{teaches.}(Course \sqcap \forall \text{attended_by.}(\text{Bored} \sqcup \text{Sleeping}))$

Semantyka

Logiki deskrypcyjne organizują informację w klasach (pojęciach) budując zbiory instancji o wspólnych własnościach.

Przykład:

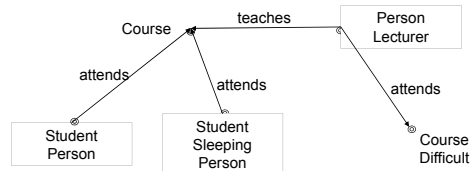
$\text{Student} \sqcap \exists \text{FRIEND.Married}$

$\{x \mid \text{Student}(x) \wedge \exists y \text{ FRIEND}(x; y) \wedge \text{Married}(y)\}$

Semantyka

$$\begin{aligned} & (\text{Student} \sqcap \exists \text{FRIEND.Married})^I \\ &= (\text{Student})^I \cap (\exists \text{FRIEND.Married})^I \\ &= \{x \mid \text{Student}(x)\} \cap \\ & \{x \mid \exists y. \text{FRIEND}(x; y) \wedge \text{Married}(y)\} \\ &= \{x \mid \text{Student}(x) \wedge \\ & \exists y. \text{FRIEND}(x; y) \wedge \text{Married}(y)\} \end{aligned}$$

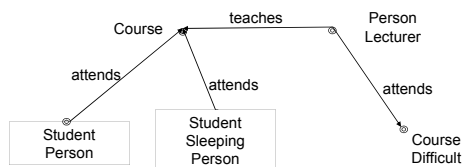
Przykład



$\text{Person} \sqcap \exists \text{attends.Course}$

$\text{Person} \sqcap \forall \text{attends.}(\neg \text{Course} \sqcup \text{Difficult})$

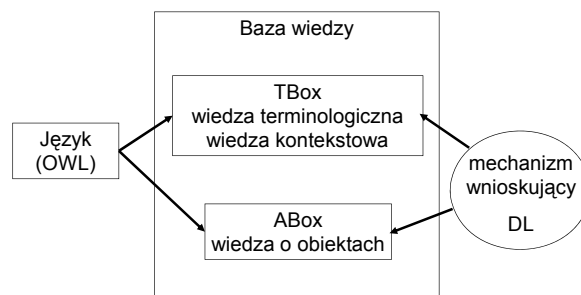
Przykład



$\text{Person} \sqcap \exists \text{ attends. Course}$

$\text{Person} \sqcap \forall \text{ attends. } (\neg \text{ Course} \sqcup \text{ Difficult})$

Architektura systemu reprezentacji wiedzy opartego na logice deskrypcyjnej



TBox

TBox przechowuje definicje pojęć.

Syntaktyka

Skończony zbiór definicji pojęć: $A = C$
gdzie A – nazwa pojęcia.
Lewa strona musi być unikalna!

Semantyka

Interpretacja I spełnia definicję $A = C$ wtw. $A^I = C^I$

I jest modelem \mathcal{T} gdy spełnia wszystkie definicje w \mathcal{T}

Dwa rodzaje pojęć: zdefiniowane i pierwotne.

$\text{Lecturer} = \text{Person} \sqcap \exists \text{ teaches. Course}$

Obiekty TBoxa: klasy

Student

Osoba

nazwisko: [String]

adres: [String]

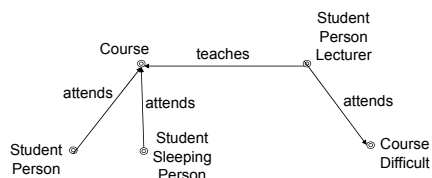
zarejestrowany: [Specjalność]

$\{x \mid \text{Student}(x)\} = \{x \mid \text{Osoba}(x) \wedge$
 $(\exists y \text{ NAZWISKO}(x,y) \wedge \text{String}(y)) \wedge$
 $(\exists z \text{ ADRES}(x,z) \wedge \text{String}(z)) \wedge$
 $(\exists w \text{ ZAPISANY}(x,w) \wedge \text{Specjalność}(w))\}$

$\text{Student} := \text{Osoba} \sqcap \exists \text{NAZWISKO. String} \sqcap$
 $\exists \text{ADRES. String} \sqcap \exists \text{ZAPISANY. Specjalność}$

TBox

Tbox wyznacza zbiór dopuszczalnych interpretacji.



$\text{Lecturer} = \text{Person} \sqcap \exists \text{ teaches. Course}$

$\text{Student} = \text{Person} \sqcap \exists \text{ attends. Course}$

ABox

ABox jest skończonym zbiorem stwierdzeń

$C(a)$ (a – nazwa indywiduowa, C – pojęcie)

$R(a,b)$ (a, b – nazwy indywiduowe, R – nazwy ról)

Np. $\mathcal{A} = \{\text{student}(\text{peter}), \text{tought-by}(\text{ai-course}, \text{jozefowska})\}$

Interpretacje I odwzorowują każdą nazwę indywiduową na element Δ^I .

I spełnia stwierdzenie

$C(a)$ wtw $a^I \in C^I$

$R(a,b)$ wtw $(a^I, b^I) \in R^I$

I jest modelem Abox \mathcal{A} gdy I spełnia wszystkie stwierdzenia w \mathcal{A} .

Obiekty ABoxa: instancje

```
s1: Student
nazwisko: „Nowak”
adres: „Jana Pawła II ...”
zarejestrowany: SIZ
```

```
Student(s1) ∧ NAME(s1,„Nowak”) ∧
String(„Nowak”) ∧ ADRES(s1,„Jana Pawła
II”) ∧ String(„Jana Pawła II”) ∧
ZAPISANY(s1.SIZ) ∧ Specjalność(SIZ)
```

ABox

- Interpretacje opisują stan świata w sposób zupełny.
- ABox opisuje stan świata w sposób niezupełny.
- ABox ma wiele modeli.
- ABox ogranicza zbiór dopuszczalnych modeli podobnie, jak TBox.

Wnioskowanie w TBox

- Spełnialność
- Subsumcja
- Równoważność
- Rozłączność

Wnioskowanie (TBox): spełnialność

C jest spełnialne ze względu na \mathcal{T} wtw. istnieje model \mathcal{I} taki, że $C^{\mathcal{I}} \neq \emptyset$.

Intuicja: Jeżeli pojęcie nie jest spełnialne, to zawiera sprzeczność.

Woman = Person \sqcap Female
Man = Person \sqcap \neg Female

TBox \mathcal{T}

C = \forall sibling.Woman \sqcap \exists sibling.Man
jest niespełnialne ze względu na \mathcal{T} ($C^{\mathcal{I}} = \emptyset$).

$(\forall$ sibling.Woman) $^{\mathcal{I}} = \{x: \text{if } (x,y) \in \text{sibling then } y \in \text{Woman}\}$

$(\exists$ sibling.Man) $^{\mathcal{I}} = \{x: \exists y (x,y) \in \text{sibling and } y \in \text{Man}\}$

Wnioskowanie (TBox): spełnialność

Woman = Person \sqcap Female
Man = Person \sqcap \neg Female

C = \forall sibling.Woman \sqcap \exists sibling.Man
jest niespełnialne ze względu na \mathcal{T} ($C^{\mathcal{I}} = \emptyset$).

$(\forall$ sibling.Woman) $^{\mathcal{I}} = \{x: \text{if } (x,y) \in \text{sibling then } y \in \text{Woman}\}$

$(\exists$ sibling.Man) $^{\mathcal{I}} = \{x: \exists y (x,y) \in \text{sibling and } y \in \text{Man}\}$

Zbiór osób, które mają same siostry

Zbiór osób, które mają co najmniej jednego brata

Te zbiory są rozłączne

Wnioskowanie (TBox): spełnialność

C jest spełnialne ze względu na \mathcal{T} wtw. istnieje model \mathcal{I} taki, że $C^{\mathcal{I}} \neq \emptyset$.

Spełnialność może być zredukowana do (nie) subsumcji i odwrotnie.

$C \sqsubseteq_{\mathcal{T}} D$ wtw C \sqcap \neg D nie jest spełnialne ze względu na \mathcal{T}
C jest spełnialne ze względu na \mathcal{T} wtw \neg C $\sqsubseteq_{\mathcal{T}} \perp$

Wnioskowanie (TBox): subsumcja (subsumtion)

$$C \sqsubseteq_{\mathcal{T}} D$$

C jest uogólnione (subsumed) przez D ze wzgł. na \mathcal{T}

wtw

$C' \sqsubseteq D'$ zachodzi dla wszystkich modeli \mathcal{I} TB

Intuicja

Jeżeli $C \sqsubseteq_{\mathcal{T}} D$ to D jest ogólniejsze niż C.

Lecturer = Person

Student = Person

Lecturer \sqcap \exists attends

subsumcja (*sub- + sumere 'brać'*) log. proces wyznajdowania dla danego pojęcia innego pojęcia, bardziej ogólnego.

Wg. „Słownika Wyrazów Obcych” Wydawnictwa Europa, pod redakcją naukową prof. Ireny Kamińskiej-Szmaj, autorzy: Mirosław Jarosz i zespół. ISBN 83-87977-08-X. Rok wydania 2001.

Wnioskowanie (TBox): subsumcja

$$C \sqsubseteq_{\mathcal{T}} D$$

C jest uogólnione (subsumed) przez D ze względu na \mathcal{T}

wtw

$C' \sqsubseteq D'$ zachodzi dla wszystkich modeli \mathcal{I} TBoxa \mathcal{T}

Intuicja

Jeżeli $C \sqsubseteq_{\mathcal{T}} D$ to D jest ogólniejsze niż C.

Lecturer = Person \sqcap \exists teaches.Course

Student = Person \sqcap \exists attends.Course

Lecturer \sqcap \exists attends.Course $\sqsubseteq_{\mathcal{T}}$ Student

Ogólne zawieranie pojęć

Ogólny TBox: skończony zbiór zależności (implikacji) (GCIs)

$$C \sqsubseteq D$$

gdzie C i D mogą być złożone.

Course \sqcap \forall attended-by.Sleeping \sqsubseteq Boring

Uwaga: $C \sqsubseteq D$ jest równoważne $T = C \rightarrow D$
(w sensie modelu \mathcal{I})

Problem zawierania

$$C \sqsubseteq D$$

C jest zawarte w D wtedy i tylko wtedy gdy dla dowolnej dziedziny $\Delta^{\mathcal{I}}$ i dowolnej funkcji rozszerzającej $\bullet^{\mathcal{I}}$ nad $\Delta^{\mathcal{I}}$ zachodzi:

$$C^{\mathcal{I}} \subseteq D^{\mathcal{I}}$$

czyli

$$\forall x. C(x) \rightarrow D(x)$$

Złożoność obliczeniowa

Zawieranie w \mathcal{FL}^- jest:

- rozstrzygalne
- należy do P

Algorytm obliczania zawierania opiera się na porównaniu struktur wyrażeń opisujących pojęcia.

Algorytm SUBS

Niech $C = C_1 \sqcap \dots \sqcap C_n$ and $D = D_1 \sqcap \dots \sqcap D_m$ (postać normalna).

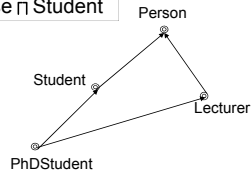
Wtedy SUBS?[C,D] kończy się wynikiem TRUE wtedy i tylko wtedy gdy dla wszystkich C_i :

1. Jeżeli C_i pojęciem atomowym lub pojęciem postaci $\exists R.C'$, to istnieje D_j takie, że $C_i = D_j$;
2. Jeżeli C_i jest pojęciem postaci $\forall R.D'$ (ta sama rola atomowa R) takie, że SUBS?[C',D'].

Wnioskowanie (TBox): klasyfikacja

Uporządkowanie wszystkich pojęć zdefiniowanych w TBox w hierarchię ze względu na ogólność.

Lecturer = Person \sqcap \exists teaches.Course
 Student = Person \sqcap \exists attends.Course
 PhDStudent = \exists teaches.Course \sqcap Student



Można wyznaczyć za pomocą wielokrotnych testów subsumcji.

Wnioskowanie (ABox)

ABox zgodność

\mathcal{A} jest zgodne z \mathcal{T} wtw istnieje interpretacja, która jest modelem \mathcal{A} i \mathcal{T} .

Dany jest ABox \mathcal{A} i TBox \mathcal{T} . Czy mają one wspólny model?

Sprawdzanie instancji $\mathcal{A}, \mathcal{T} \models C(a)$

Dane są ABox \mathcal{A} , TBox \mathcal{T} , nazwa indywiduowa a , i pojęcie C . Czy $a' \in C'$ zachodzi we wszystkich modelach \mathcal{A} i \mathcal{T} ?

Poniższe dwa zdania są równoważne:

- \mathcal{A} jest zgodne z \mathcal{T} wtw $\mathcal{A}, \mathcal{T} \models \perp(a)$
- $\mathcal{A}, \mathcal{T} \models C(a)$ wtw $\mathcal{A} \cup \{C(a)\}$ jest zgodne z \mathcal{T} .

Przykład

ABox

Mammal(dumbo)
 Trunk(t14)
 bodypart(dumbo, t14)
 Darkgrey(g23)
~~color(dumbo, g23)~~
 color(dumbo, Lightgrey)

TBox

Elephant = Mammal \sqcap \exists bodypart.Trunk \sqcap \forall color.Grey
 Grey = Lightgrey \sqcup Darkgrey
 \perp = Lightgrey \sqcap Darkgrey

- ABox nie jest zgodny z TBox.
- dumbo jest instancją Elephant.

System wnioskowania (Tabele sematyczne)

Cel: algorytm, który dla dowolnego pojęcia C_0 z \mathcal{ALC} .

1. Daje wynik „spełnialne” wtw C_0 jest spełnialne.
 2. Zatrzymuje się dla każdego wejścia.
- tj. określa spełnialność pojęć \mathcal{ALC}

Uwaga: taki algorytm nie może istnieć dla rachunku predykatów gdyż RP jest nierozstrzygalny!

Postać normalna Negation normal form (NNF)

Negacja występuje tylko bezpośrednio przed nazwą pojęcia.

$\neg \neg C$	\leftrightarrow	C
$\neg (C \sqcap D)$	\leftrightarrow	$\neg C \sqcup \neg D$
$\neg (C \sqcup D)$	\leftrightarrow	$\neg C \sqcap \neg D$
$\neg \exists R.C$	\leftrightarrow	$\forall R. \neg C$
$\neg \forall R.C$	\leftrightarrow	$\exists R. \neg C$

Intuicja

Czy $\mathcal{A} \sqcap \exists R.B \sqcap \forall R. \neg B$ jest spełnialne?

Algorytm pracuje na drzewie, które

- reprezentuje pewien model \mathcal{I} :
 - wierzchołki odpowiadają elementom $\Delta^{\mathcal{I}}$
 każdy wierzchołek x jest etykietowany pojęciami $\mathcal{L}(x) \subseteq \text{sub}(C_0)$,
 $C \in \mathcal{L}(x)$ czyta się jako „ x powinno być instancją C ”
 - łuki reprezentują związki wynikające z roli
 każdy łuk (x,y) jest etykietowany nazwą roli $C_0, R \in \mathcal{L}(x,y)$
 czyta się „ (x,y) powinno być elementem R ”
- zaczyna się wierzchołkiem x_0 z etykietą $\mathcal{L}(x_0) = \{C_0\}$
- rozwija się stosując odpowiednie reguły

Reguły

Stosujemy reguły tylko wtedy, gdy wnoszą „coś nowego”.

Π rule: if $(C_1 \sqcap C_2) \in \mathcal{L}(x)$ and $\{C_1, C_2\} \not\subseteq \mathcal{L}(x)$
then set $\mathcal{L}(x) = \mathcal{L}(x) \cup \{C_1, C_2\}$

\sqcup rule: if $(C_1 \sqcup C_2) \in \mathcal{L}(x)$ and $\{C_1, C_2\} \neq \emptyset$
then set $\mathcal{L}(x) = \mathcal{L}(x) \cup C$ for some $C \in \{C_1, C_2\}$

\exists rule: if $\exists S.C \in \mathcal{L}(x)$ and x has no S -successor y with $C \in \mathcal{L}(y)$
then create a new node y with $\mathcal{L}(y) = \{S\}$ and $\mathcal{L}(y) = \mathcal{L}(x) \cup \{C\}$

\forall rule: if $\forall S.C \in \mathcal{L}(x)$ and there is an S -successor y with $C \notin \mathcal{L}(y)$
then set $\mathcal{L}(y) = \mathcal{L}(y) \cup \{C\}$

Reguła \sqcup jest niedeterministyczna

Sprzeczność

Drzewo c-tree zawiera sprzeczność, jeżeli ma wierzchołek x taki, że $\perp \in \mathcal{L}(x)$ lub $\{A, \neg A\} \subseteq \mathcal{L}(x)$ w przeciwnym razie jest niesprzeczne (clash-free)

C_0 jest spełnialne wtw gdy reguły uzupełniania mogą być zastosowane w taki sposób, aby otrzymać zupełne i niesprzeczne drzewo c-tree.

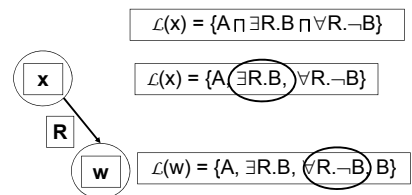
Ta procedura nie jest deterministyczna!

Własności tabel semantycznych

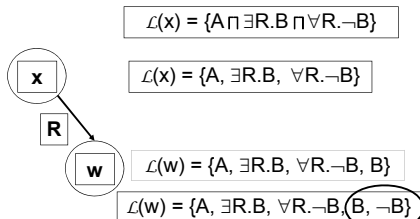
Niech C_0 będzie pojęciem \mathcal{ALC} w NNF. Wtedy:

1. Algorytm kończy obliczenia dla danego C_0 i
2. Reguły mogą być zastosowane w taki sposób, że generują zupełne drzewo domknięte wtw, gdy C_0 jest niespełnialne.

Przykład



Przykład



$x \in A^I$

$x \in (\exists R.B)^I$

$x \in (\forall R.\neg B)^I$

$x \in A^I$

$\exists d: (x,d) \in R^I, d \in B^I$

$d \in (\neg B)^I$

SPRZECZNOŚĆ!

Logiki deskrypcyjne

• Formalizm uogólniający reprezentację wiedzy:

- Systemy ram
- Sieci semantyczne
- Reprezentacje obiektowe
- Modele semantyczne
- Języki ontologii

...

• Jest ustrukturalizowanym fragmentem rachunku predykatów.

• Jest teorią pozwalającą reprezentować ustrukturalizowaną informację i dostęp oraz wnioskowanie w tej wiedzy.

Ustrukturalizowana logika

Każda logika deskrypcyjna jest fragmentem rachunku predykatów.

Ontologia w języku logiki deskrypcyjnej składa się z dwóch elementów:

- definicji predykatów (*TBox*)
- zbioru stwierdzeń na stałych (*ABox*)

Każda (podstawowa) logika deskrypcyjna jest podzbiorem *L3*, czyli rachunku predykatów bez funkcji z co najwyżej trzema nazwami zmiennych.

Standardy reprezentacji wiedzy dla web-mining

